

令和 4 年度 前期日程  
入学者選抜学力検査問題

生命分子化学科・森林科学科  
数 学

〔注 意〕

- 1 机上に受験票を提示しておくこと。
- 2 監督者の指示があるまで、この問題冊子を開いてはいけない。
- 3 解答は必ず別紙の解答用紙の指定された箇所に記入すること。
- 4 すべての解答用紙に受験番号・氏名を必ず記入すること。  
受験番号・氏名が記載されていない答案は無効となる場合がある。
- 5 この冊子の問題は 3 ページからなっている。
- 6 解答用紙は 3 枚ある。
- 7 下書き用紙は 3 枚ある。
- 8 この冊子のうち、落丁・乱丁、印刷不鮮明な箇所があれば、手をあげて申し出ること。
- 9 解答用紙は持ち帰ってはいけない。
- 10 問題冊子と下書き用紙は、持ち帰ること。

1  $m, n$  を自然数とする. 以下の問いに答えよ.

(1)  $2022!$  が  $5^m$  で割り切れるとき,  $m$  の最大値を求めよ.

(2)  $n^7 - n$  は  $42$  の倍数であることを示せ.

(配点 70 点)

- 2 空間において異なる 3 点  $A, B, P$  がある. 2 点  $A, B$  を直径の両端とする円を  $K$  とする. 頂点が  $P$ , 底面が  $K$  である直円錐を  $C$  とする.  $\angle APB$  を  $\theta_1$  ( $0 < \theta_1 < \pi$ ),  $C$  の展開図における扇形の中心角を  $\theta_2$  ( $0 < \theta_2 < 2\pi$ ) とする. 線分  $PA$  の長さが 1, 線分  $AB$  の長さが 2 未満のとき,  $\theta_1 \neq \theta_2$  を証明せよ.  $\sin x > \frac{2x}{\pi}$  ( $0 < x < \frac{\pi}{2}$ ) を用いてよい.

(配点 60 点)

3  $O$  を原点とする  $xyz$  空間に, 3 点  $O(0, 0, 0)$ ,  $A(3, 0, 0)$ ,  $B(0, 4, 0)$  がある. 半径が 2, 中心の  $z$  座標が正である球面を  $S_1$  とする.  $S_1$  と  $xy$  平面の交わる部分が  $\triangle OAB$  の内接円となるとき, 以下の問いに答えよ.

(1)  $S_1$  の中心座標を求めよ.

(2)  $S_1$  上に点  $P$  がある. 線分  $BP$  の中点を点  $Q$  とする.  $P$  が  $S_1$  上を動くとき,  $Q$  の軌跡が球面であることを示し, その球面の中心座標と半径を求めよ.

(3)  $A$  を中心とする半径 2 の球面を  $S_2$  とする.  $S_1$  と  $S_2$  が交わってできる図形は円となる. その円の中心座標と半径を求めよ.

(配点 70 点)